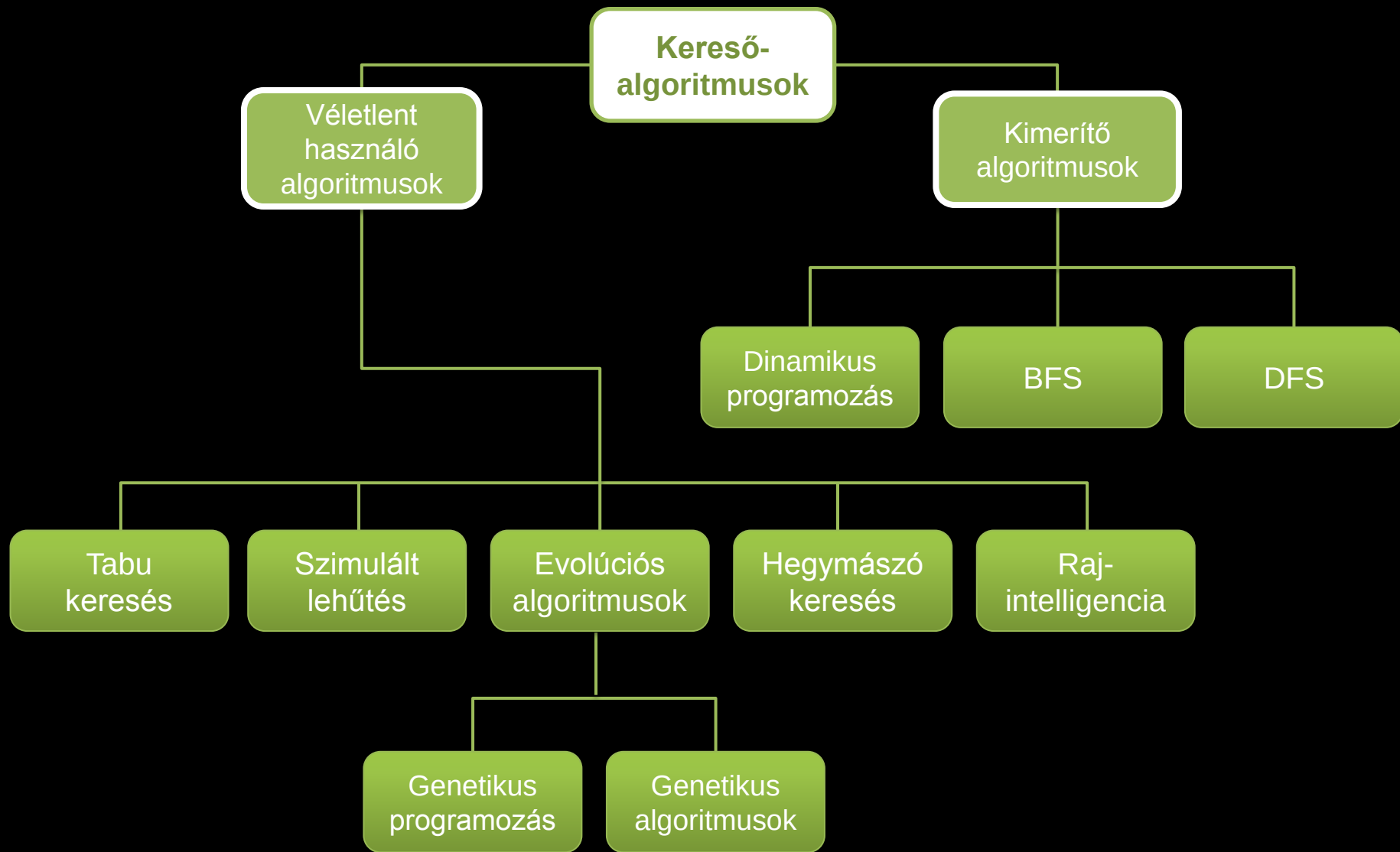




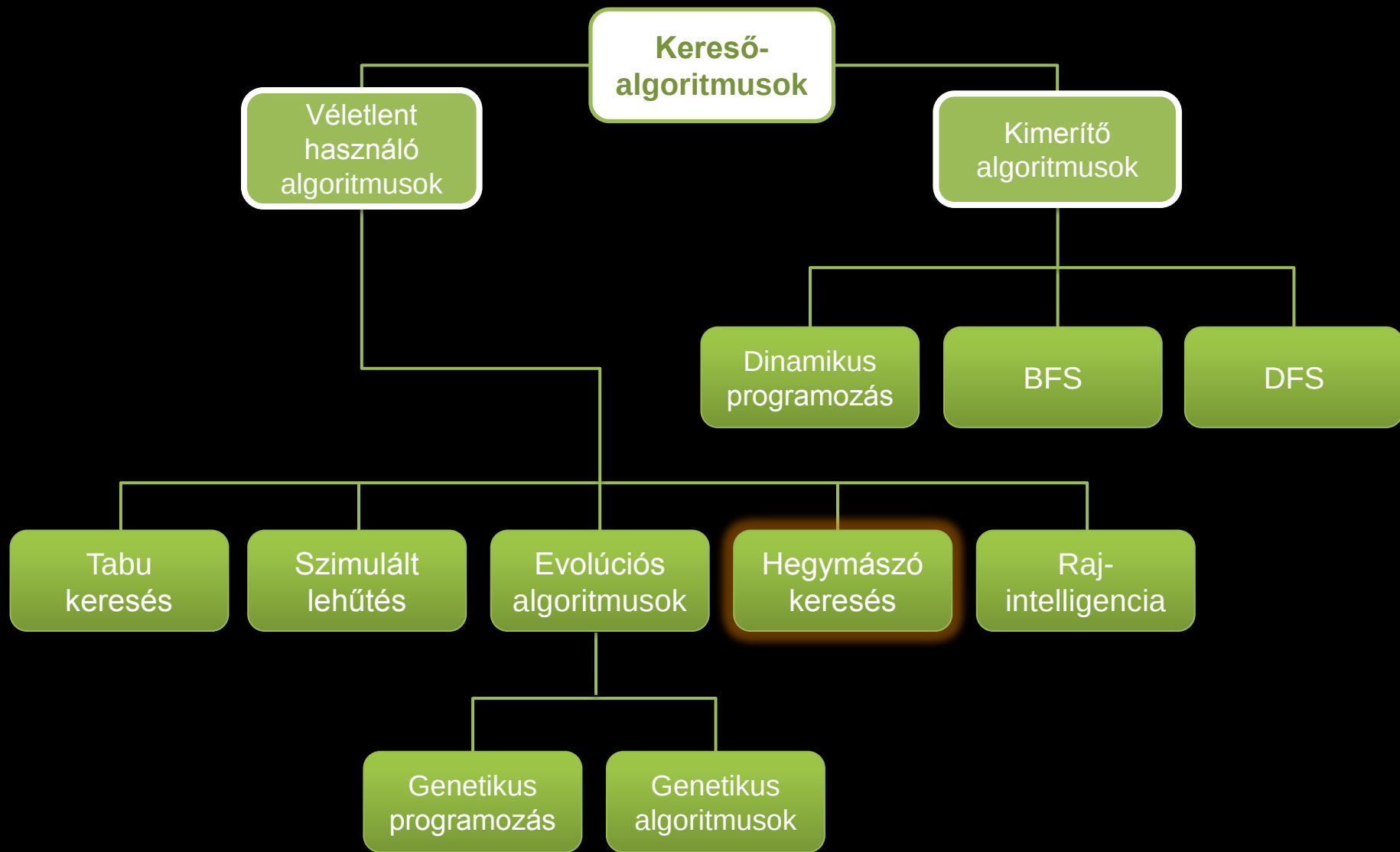
Genetikus algoritmusok

Zsolnai Károly - BME CS

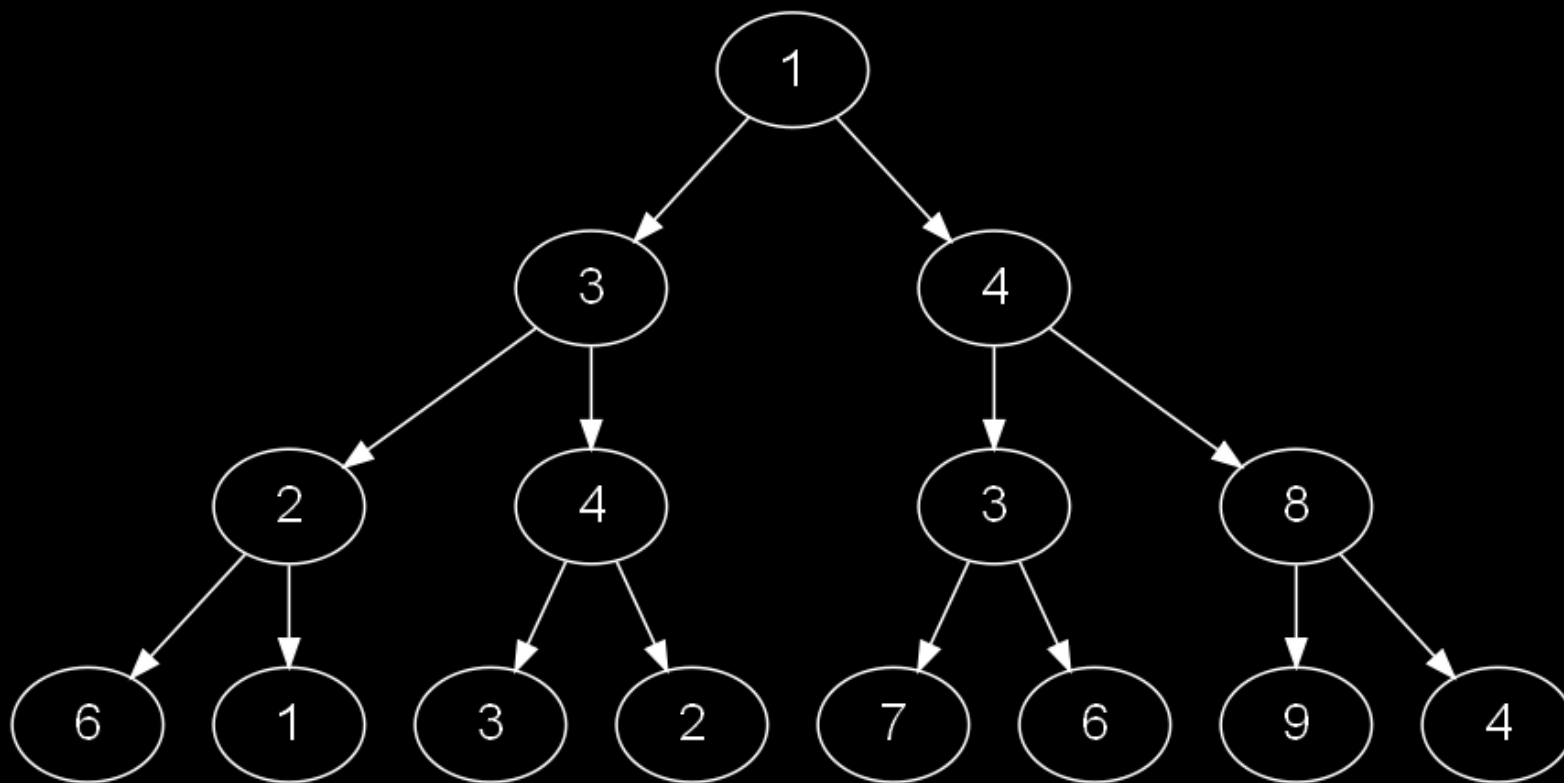
zsolnai@cs.bme.hu

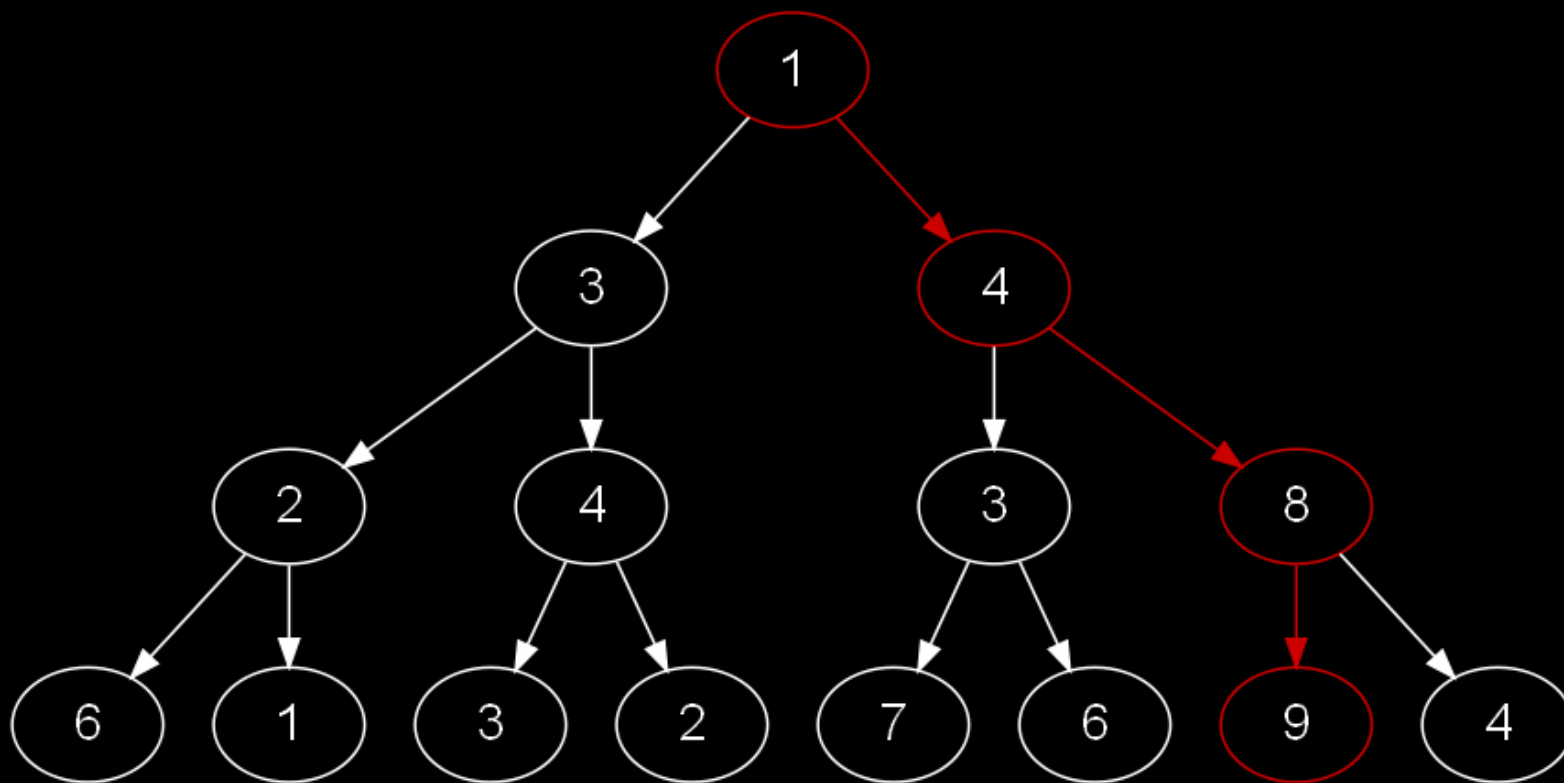


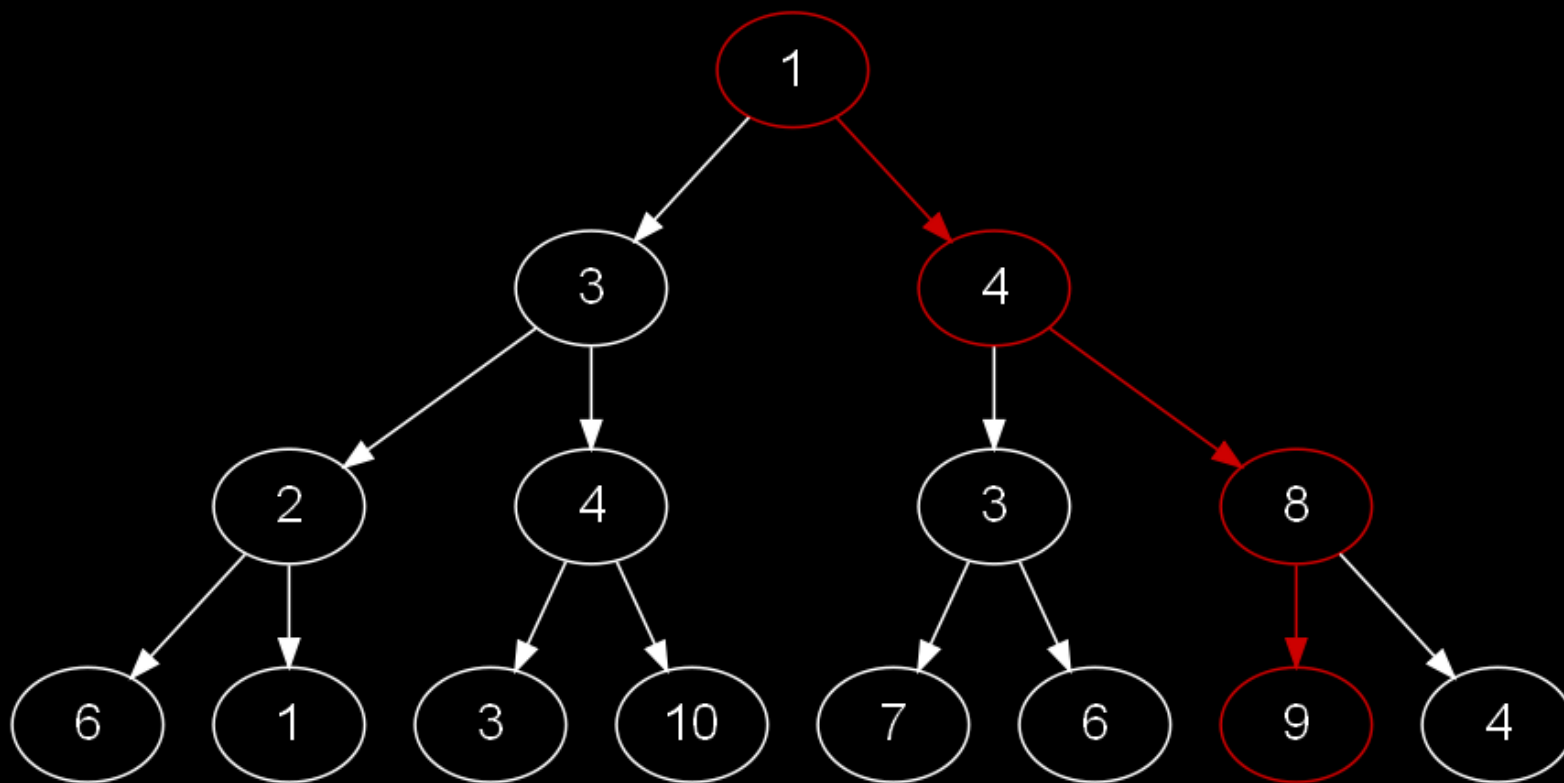
(a keresőalgoritmusok egy részhalmazát mutattuk be)

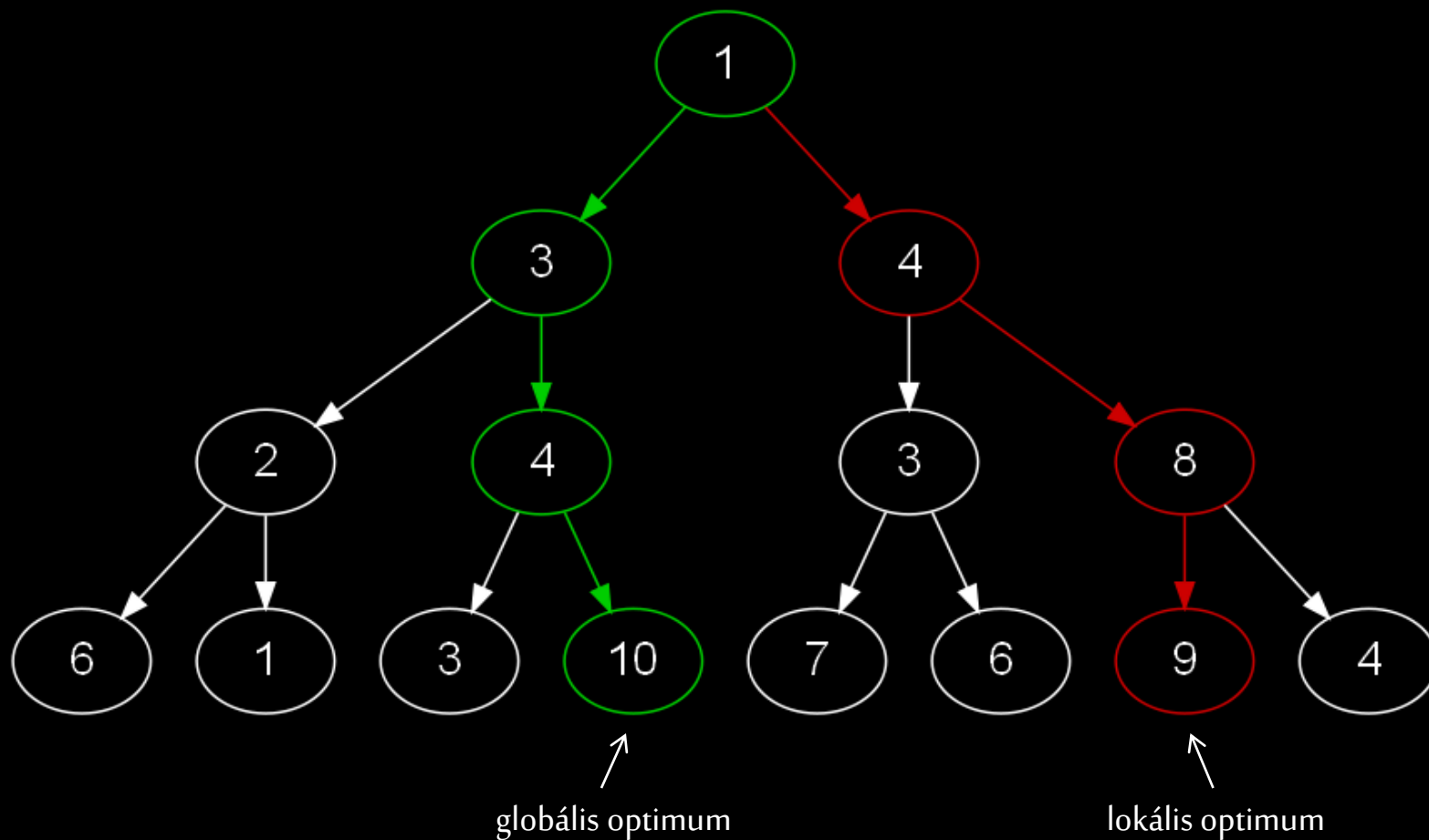


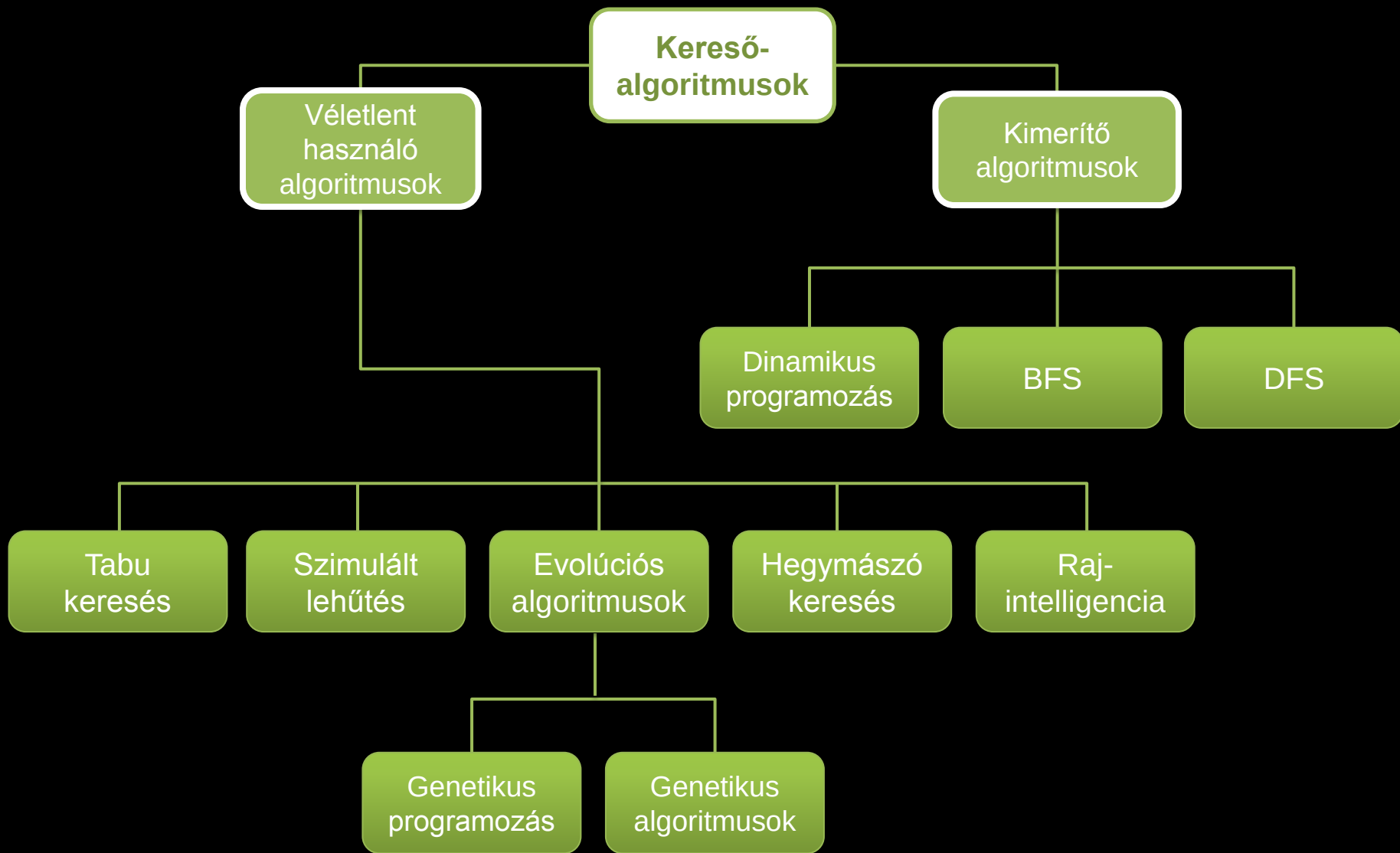
(a keresőalgoritmusok egy részhalmazát mutattuk be)



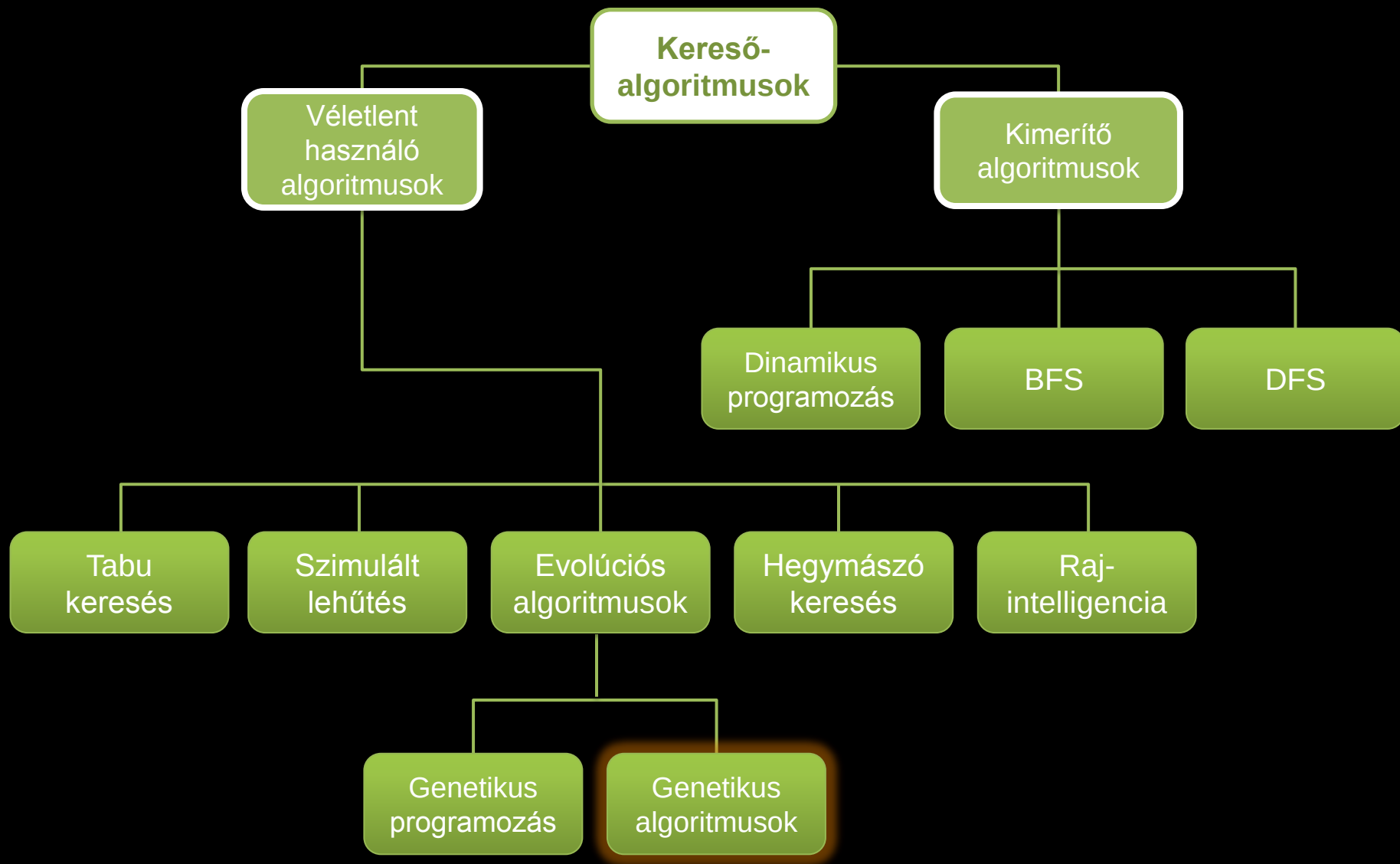








(a keresőalgoritmusok egy részhalmazát mutattuk be)



(a keresőalgoritmusok egy részhalmazát mutattuk be)



A genetikus algoritmus a lehetséges megoldások egy populációját hozza létre, amelyekhez lépésenként új egyedeket ad, illetve a már meglévő egyedekre szelekciós, rekombinációs és mutációs operátorokat alkalmaz.



KERESÉSI ÉS OPTIMALIZÁCIÓS PROBLÉMÁK, AHOL:

- Sokdimenziós keresési terek jellemzők és a fontosabb változók közötti összefüggés ismeretlen
- A tradicionális megoldások elfogadhatatlan futási időt adnak (NP, NPC)
- A keresési tér nehezen, vagy nem is szűkíthető
- Egy megoldás jósága gyorsan ellenőrizhető, de egy jó megoldás előállítása nehézkes



GÉN

Definíció a DNS alapvető szerveződési egysége, valamilyen tulajdonságot kódol

Matematikai reprezentáció $x \in \mathbb{R}, \mathbb{B}, \mathbb{Z}, \dots$

ALLÉL

Definíció egy-egy géntípus lehetséges megjelenési formáinak halmaza

Matematikai reprezentáció az x által felvehető értékek halmaza



KROMOSZÓMA

Definíció a gének egy teljesnek tekinthető gyűjteménye

Matematikai reprezentáció $\vec{c} = (x_1, x_2, \dots, x_n), x_1, \dots, x_n \in \mathbb{R}, \mathbb{B}, \mathbb{Z}, \dots$
 $\vec{c} = (\uparrow, \rightarrow, \downarrow, \leftarrow)$

GENOTÍPUS

Definíció a kromoszóma néhány kiválasztott génje

Matematikai reprezentáció $\vec{g} = \underbrace{(x_1, x_2, \dots, x_i)}_i, x_1, x_2, \dots, x_i \in \vec{c}, i < n$

FENOTÍPUS

Definíció a genotípus általánosítása

Matematikai reprezentáció $f : \vec{g} \rightarrow \text{tulajdonság}$

$$f(0, 1, 1, 0, 1, 1) = \text{”barna”}$$

$$f(\uparrow, \rightarrow) = \text{”jobbra fordul”}$$



POPULÁCIÓ

Definíció egy adott pillanatban létező potenciális megoldások gyűjteménye

Matematikai reprezentáció $\vec{p} = \{ \vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n \}$

EVOLÚCIÓS OPERÁTOROK

Definíció a természetben megfigyelhető szelekció, rekombináció és mutáció műveleteinek megfelelői



FITNESS

Definíció egy adott kromoszómával definiált egyedek túlélési esélye

Matematikai reprezentáció $f : \vec{c} \rightarrow \mathbb{R}$

EVOLÚCIÓ

Definíció a fenti operátorok iteratív alkalmazása a megoldáshalmaz javítása érdekében

Matematikai reprezentáció $f(\vec{c}_1) > f(\vec{c}_2) \Rightarrow P_s(\vec{c}_1) > P_s(\vec{c}_2)$



BINÁRIS KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$



BINÁRIS KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

0-1 Hátizsák probléma

Adott súlyú és értékű elemeket kell véges kapacitású hátizsákban elhelyezni, cél az összérték maximalizálása.

Kódolás

$$\vec{x}_i = \begin{cases} 1, & \text{ha } benne \text{ van,} \\ 0, & \text{ha } nincs \text{ benne.} \end{cases}$$



BINÁRIS KÓDOLÁS

$$\begin{aligned}\vec{c}_1 &= [10101101001010011] \\ \vec{c}_2 &= [10011110001100110]\end{aligned}$$

0-1 Hátizsák probléma

Adott súlyú és értékű elemeket kell véges kapacitású hátizsákban elhelyezni, cél az összérték maximalizálása.

Kódolás
$$\vec{x}_i = \begin{cases} 1, & \text{ha } \textit{benne van}, \\ 0, & \text{ha } \textit{nincs benne}. \end{cases}$$

Fitness függvény
$$f(\vec{c}) = \sum_{i=0}^n x_i v_i$$

Feltétel
$$\sum_{i=0}^n x_i w_i \leq w_l$$



PERMUTÁCIÓS KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [4 \ 8 \ 5 \ 1 \ 3 \ 6 \ 9 \ 2 \ 7]$$

$$\vec{c}_2 = [2 \ 6 \ 3 \ 9 \ 5 \ 4 \ 1 \ 7 \ 8]$$



PERMUTÁCIÓS KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [4 \ 8 \ 5 \ 1 \ 3 \ 6 \ 9 \ 2 \ 7]$$

$$\vec{c}_2 = [2 \ 6 \ 3 \ 9 \ 5 \ 4 \ 1 \ 7 \ 8]$$

Utazóügynök probléma

Egy irányított gráfban keresünk minimális összsúlyú Hamilton-kört.

Kódolás $x_i = i$. meglátogatott város indexe



PERMUTÁCIÓS KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [4 \ 8 \ 5 \ 1 \ 3 \ 6 \ 9 \ 2 \ 7]$$

$$\vec{c}_2 = [2 \ 6 \ 3 \ 9 \ 5 \ 4 \ 1 \ 7 \ 8]$$

Utazóügynök probléma

Egy irányított gráfban keresünk minimális összsúlyú Hamilton-kört.

Kódolás $x_i = i$. meglátogatott város indexe

Fitness függvény
$$f(x_i) = \frac{1}{\sum_{i=0}^{n-1} w(v_i, v_{i+1})}$$

Feltétel
$$w(n) = w(0)$$



VALÓS ÉRTÉK KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [13.5 \ 27.9 \ 1.22 \ 4.3 \ 1.9]$$

$$\vec{c}_2 = [E \ G \ F \ C \ A \ O \ L \ T \ D \ B]$$

$$\vec{c}_3 = [60^\circ \ \uparrow \ -120^\circ \ \uparrow \ 45^\circ \ \uparrow]$$



VALÓS ÉRTÉK KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [13.5 \ 27.9 \ 1.22 \ 4.3 \ 1.9]$$

$$\vec{c}_2 = [E \ G \ F \ C \ A \ O \ L \ T \ D \ B]$$

$$\vec{c}_3 = [60^\circ \ \uparrow \ -120^\circ \ \uparrow \ 45^\circ \ \uparrow]$$

Labirintus

Egy útvesztő valamely kezdőpontjától kell minél messzebb eljutni.

Kódolás

$\vec{c}_3$ -ban x_i az i . cselekvés típusa



VALÓS ÉRTÉK KÓDOLÁS

$$\vec{c}_1 = [13.5 \ 27.9 \ 1.22 \ 4.3 \ 1.9]$$

$$\vec{c}_2 = [E \ G \ F \ C \ A \ O \ L \ T \ D \ B]$$

$$\vec{c}_3 = [60^\circ \ \uparrow \ -120^\circ \ \uparrow \ 45^\circ \ \uparrow]$$

Labirintus

Egy útvesztő valamely kezdőpontjától kell minél messzebb eljutni.

Kódolás

$\vec{c}_3$ -ban x_i az i . cselekvés típusa

Fitness függvény

$$f(x_i) = \sqrt{(s_0 - t_0)^2 + (s_1 - t_1)^2}$$

Azaz a standard euklideszi távolság a starttól, vagy tetszőleges egyéb norma



KERESZTEZÉS EGY PONTON

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$



KERESZTEZÉS EGY PONTON

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$

$$k \in (0, n - 1)$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i < k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i \geq k \end{cases}$$



KERESZTEZÉS EGY PONTON

$$\vec{c}_1 = [1010110 \mid 1001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [1001111 \mid 0001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [0000000 \mid 0000000000]$$

$$k \in (0, n - 1)$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i < k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i \geq k \end{cases}$$



KERESZTEZÉS EGY PONTON

$$\vec{c}_1 = [1010110 | 1001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [1001111 | 0001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [1010110 | 0001100110]$$

$$k \in (0, n - 1)$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i < k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i \geq k \end{cases}$$



KERESZTEZÉS EGY PONTON

$$\vec{c}_1 = [1010110 | 1001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [1001111 | 0001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [1010110 | 0001100110]$$

$$k \in (0, n - 1)$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i < k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i \geq k \end{cases}$$

$$\vec{c}_4(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i \geq k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i < k \end{cases}$$



KERESZTEZÉS EGY PONTON

$$\vec{c}_1 = [1010110 | 1001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [1001111 | 0001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [1010110 | 0001100110]$$

$$\vec{c}_4 = [1001111 | 1001010011]$$

$$k \in (0, n - 1)$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i < k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i \geq k \end{cases}$$

$$\vec{c}_4(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } i \geq k \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } i < k \end{cases}$$



KERESZTEZÉS EGY PONTON





KERESZTEZÉS KÉT PONTON

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$



KERESZTEZÉS KÉT PONTON

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$

$$k_1, k_2 \in (0, n - 1), k_1 < k_2$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } (k_1 < i \vee k_2 \geq i) \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } (k_1 \geq i \wedge k_2 < i) \end{cases}$$



KERESZTEZÉS KÉT PONTON

$$\vec{c}_1 = [10101 \mid 101001010 \mid 011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011 \mid 110001100 \mid 110]$$

$$\vec{c}_3 = [00000 \mid 000000000 \mid 000]$$

$$k_1, k_2 \in (0, n - 1), k_1 < k_2$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } (k_1 < i \vee k_2 \geq i) \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } (k_1 \geq i \wedge k_2 < i) \end{cases}$$



KERESZTEZÉS KÉT PONTON

$$\vec{c}_1 = [10101 | 101001010 | 011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011 | 110001100 | 110]$$

$$\vec{c}_3 = [10011 | 101001010 | 110]$$

$$k_1, k_2 \in (0, n - 1), k_1 < k_2$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } (k_1 < i \vee k_2 \geq i) \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } (k_1 \geq i \wedge k_2 < i) \end{cases}$$



VÉLETLEN KERESZTEZÉS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$



VÉLETLEN KERESZTEZÉS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } p_i = 0 \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } p_i = 1 \end{cases}$$



VÉLETLEN KERESZTEZÉS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [10111111001110010]$$

$$\vec{c}_3(i) = \begin{cases} \vec{c}_1(i), & \text{ha } p_i = 0 \\ \vec{c}_2(i), & \text{ha } p_i = 1 \end{cases}$$



ARITMETIKAI KERESZTEZÉS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [000000000000000000]$$



ARITMETIKAI KERESZTEZÉS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [00000000000000000]$$

$$\vec{c}_3 = \vec{c}_1 \oplus \vec{c}_2$$



ARITMETIKAI KERESZTEZÉS

$$\vec{c}_1 = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}_2 = [10011110001100110]$$

$$\vec{c}_3 = [00110011000110101]$$

$$\vec{c}_3 = \vec{c}_1 \oplus \vec{c}_2$$



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [10101101001010011]$$



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [10101101001010011]$$

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \neg(\vec{c}(i)), & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [101\textcolor{red}{1}101\textcolor{red}{0}010\textcolor{red}{1}00\textcolor{red}{1}11]$$

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \neg(\vec{c}(i)), & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [101\textcolor{red}{0}1101\textcolor{red}{0}010\textcolor{red}{1}00\textcolor{red}{1}11]$$

↓

$$\vec{c}' = [101\textcolor{red}{1}0101\textcolor{red}{1}01000\textcolor{red}{1}11]$$

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \neg(\vec{c}(i)), & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [101\textcolor{red}{0}1101\textcolor{red}{0}010\textcolor{red}{1}00\textcolor{red}{1}11]$$

↓

$$\vec{c}' = [101\textcolor{red}{1}0101\textcolor{red}{1}0100\textcolor{red}{0}0\textcolor{red}{1}11]$$

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \neg(\vec{c}(i)), & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$

Általánosítható-e a modell valós értékek kódolására is?



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [101\mathbf{0}1101\mathbf{0}010\mathbf{1}00\mathbf{1}1]$$



$$\vec{c}' = [101\mathbf{1}0101\mathbf{1}0100\mathbf{0}111]$$

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \neg(\vec{c}(i)), & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$

Általánosítható-e a modell valós értékek kódolására is?

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \vec{c}(i) \pm \delta, & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$



BINÁRIS MUTÁCIÓ

$$\vec{c} = [101\mathbf{0}1101\mathbf{0}010\mathbf{1}00\mathbf{1}1]$$



$$\vec{c}' = [101\mathbf{1}0101\mathbf{1}0100\mathbf{0}111]$$

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \neg(\vec{c}(i)), & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases}$$

Általánosítható-e a modell valós értékek kódolására is?

$$\vec{c}'(i) = \begin{cases} \vec{c}(i), & \text{ha } p_i \geq \varepsilon \\ \vec{c}(i) \pm \delta, & \text{ha } p_i < \varepsilon \end{cases} \rightarrow \delta = 1 \quad \checkmark$$



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$

```
1:  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $r \leftarrow \sum_{i=1}^n f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:   legyen  $k \in [0, r)$ 
5:   for all  $\vec{c}_i$  in  $\vec{p}$  do
6:     if  $\sum_{j=1}^i f(\vec{c}_j) < k$  then
7:       continue // nem ő nyert
8:     else
9:       válaszd ki a  $\vec{c}_i$  kromoszómát
10:      break // ő nyert
11:    end if
12:  end for
13: end loop
```



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$

```
1:  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $r \leftarrow \sum_{i=0}^n f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:   legyen  $k \in [0, r)$ 
5:   for all  $\vec{c}_i$  in  $\vec{p}$  do
6:     if  $\sum_{j=0}^i f(\vec{c}_j) < k$  then
7:       continue // nem ő nyert
8:     else
9:       válaszd ki a  $\vec{c}_i$  kromoszómát
10:      break // ő nyert
11:    end if
12:  end for
13: end loop
```



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$

```
1:  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $r \leftarrow \sum_{i=0}^n f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:   legyen  $k \in [0, r)$ 
5:   for all  $\vec{c}_i$  in  $\vec{p}$  do
6:     if  $\sum_{j=0}^i f(\vec{c}_j) < k$  then
7:       continue // nem ő nyert
8:     else
9:       válaszd ki a  $\vec{c}_i$  kromoszómát
10:      break // ő nyert
11:    end if
12:  end for
13: end loop
```



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$

```
1:  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $r \leftarrow \sum_{i=0}^n f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:   legyen  $k \in [0, r)$ 
5:   for all  $\vec{c}_i$  in  $\vec{p}$  do
6:     if  $\sum_{j=0}^i f(\vec{c}_j) < k$  then
7:       continue // nem ő nyert
8:     else
9:       válaszd ki a  $\vec{c}_i$  kromoszómát
10:      break // ő nyert
11:    end if
12:  end for
13: end loop
```



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$

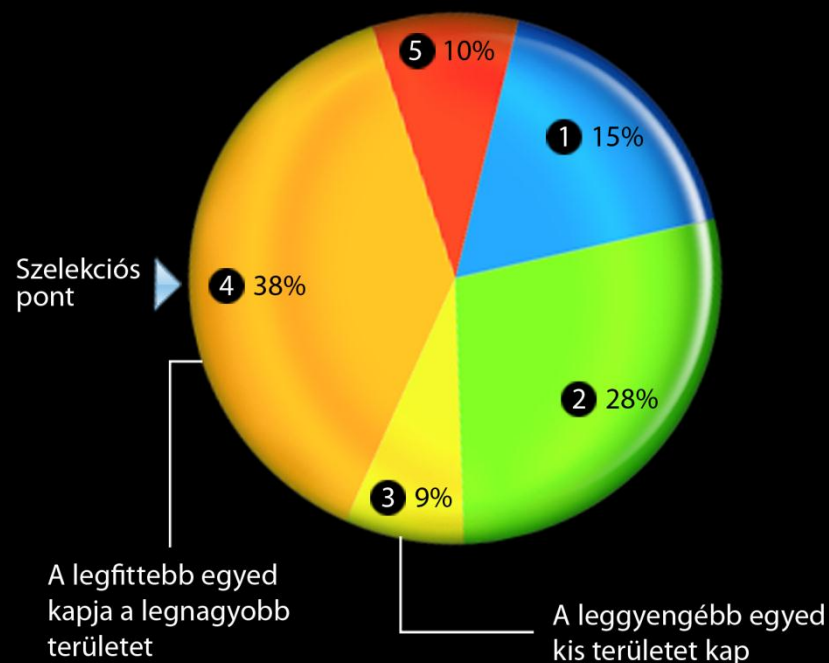
```
1:  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $r \leftarrow \sum_{i=0}^n f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:   legyen  $k \in [0, r)$ 
5:   for all  $\vec{c}_i$  in  $\vec{p}$  do
6:     if  $\sum_{j=0}^i f(\vec{c}_j) < k$  then
7:       continue // nem ő nyert
8:     else
9:       válaszd ki a  $\vec{c}_i$  kromoszómát
10:      break // ő nyert
11:    end if
12:  end for
13: end loop
```



FITNESS ARÁNYOS SZELEKCIÓ

Alapelv $\forall i : P_s(\vec{c}_i) \propto f(\vec{c}_i)$

```
1:  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $r \leftarrow \sum_{i=1}^n f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:   legyen  $k \in [0, r)$ 
5:   for all  $\vec{c}_i$  in  $\vec{p}$  do
6:     if  $\sum_{j=1}^i f(\vec{c}_j) < k$  then
7:       continue // nem ő nyert
8:     else
9:       válaszd ki a  $\vec{c}_i$  kromoszómát  $\rightarrow$ 
10:      break // ő nyert
11:    end if
12:  end for
13: end loop
```





ELITISTA SZELEKCIÓ

Alapelv Csak a k darab legjobb kromoszómát örökítjük tovább

$$f(\vec{c}_1) = 13$$

$$f(\vec{c}_2) = 11$$

$$f(\vec{c}_3) = 27$$

$$f(\vec{c}_4) = 22$$

$$f(\vec{c}_5) = 31$$

$$f(\vec{c}_6) = 5$$



ELITISTA SZELEKCIÓ

Alapelv Csak a k darab legjobb kromoszómát örökítjük tovább

$f(\vec{c}_1) = 13$		$f(\vec{c}_5) = 31$
$f(\vec{c}_2) = 11$		$f(\vec{c}_3) = 27$
$f(\vec{c}_3) = 27$	$\xrightarrow{\text{sort}}$	$f(\vec{c}_4) = 22$
$f(\vec{c}_4) = 22$		$f(\vec{c}_1) = 13$
$f(\vec{c}_5) = 31$		$f(\vec{c}_2) = 11$
$f(\vec{c}_6) = 5$		$f(\vec{c}_6) = 5$



ELITISTA SZELEKCIÓ

Alapelv Csak a k darab legjobb kromoszómát örökítjük tovább

$f(\vec{c}_1) = 13$		$f(\vec{c}_5) = 31$
$f(\vec{c}_2) = 11$		$f(\vec{c}_3) = 27$
$f(\vec{c}_3) = 27$	$\xrightarrow{\text{sort}}$	$f(\vec{c}_4) = 22$
$f(\vec{c}_4) = 22$		$f(\vec{c}_1) = 13$
$f(\vec{c}_5) = 31$		$f(\vec{c}_2) = 11$
$f(\vec{c}_6) = 5$		$f(\vec{c}_6) = 5$



ALGORITMUS

```
1: init  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$ 
2:  $\forall i : f_i \leftarrow f(\vec{c}_i)$ 
3: loop
4:    $\vec{p}' \subseteq \vec{p}$ 
5:    $\vec{c}'_1 \leftarrow \text{keresztelés}(\vec{c}_i, \vec{c}_j), \vec{c}_i, \vec{c}_j \in \vec{p}'$ 
6:    $\vec{c}'_2 \leftarrow \text{mutáció}(\vec{c}_i), \vec{c}_i \in \vec{p}'$ 
7:    $\forall i : f_i \leftarrow f(\vec{c}_i)$ 
8:    $\vec{p} := \vec{p}' \cup \vec{c}'_1 \cup \vec{c}'_2$ 
9: end loop
```



ALGORITMUS

```
1: init  $\vec{p} = \{\vec{c}_1, \vec{c}_2, \dots, \vec{c}_n\}$   
2:  $\forall i : f_i \leftarrow f(\vec{c}_i)$   
3: loop  
4:    $\vec{p}' \subseteq \vec{p}$   
5:    $\vec{c}'_1 \leftarrow \text{keresztelés}(\vec{c}_i, \vec{c}_j), \vec{c}_i, \vec{c}_j \in \vec{p}'$   
6:    $\vec{c}'_2 \leftarrow \text{mutáció}(\vec{c}_i), \vec{c}_i \in \vec{p}'$   
7:    $\forall i : f_i \leftarrow f(\vec{c}_i)$   
8:    $\vec{p} := \vec{p}' \cup \vec{c}'_1 \cup \vec{c}'_2$   
9: end loop
```

Kilépési feltételek

- Generáció limit
- Max fitness limit
- Átlag fitness limit
- Konvergencia beállása



1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

Kiinduló populáció



19

1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

6

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

25

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

14

1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

Kiinduló populáció



19

1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

6

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

25

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

14

1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

Kiinduló populáció



19

1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

 →

1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

6

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

25

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

 →

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

14

1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

 →

1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

Kiinduló populáció

Szelekció



19

1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

 →

1	0	1	1	1
---	---	---	---	---

6

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

1	0	0	0	1
---	---	---	---	---

25

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

 →

0	0	1	0	1
---	---	---	---	---

14

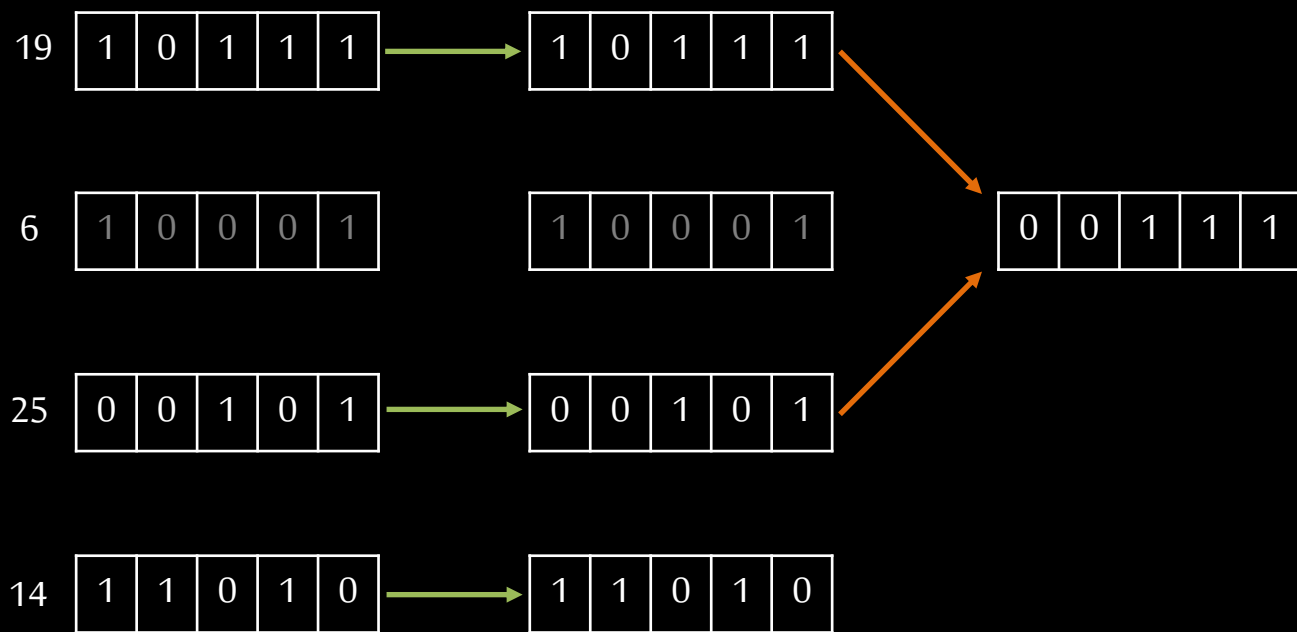
1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

 →

1	1	0	1	0
---	---	---	---	---

Kiinduló populáció

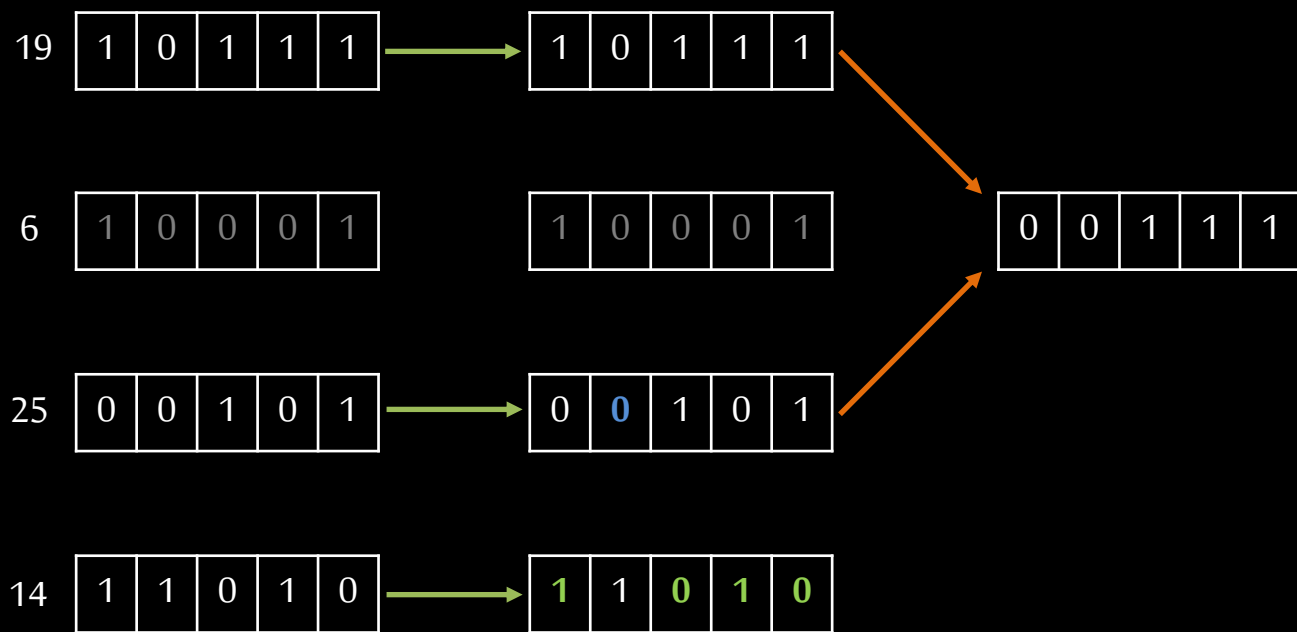
Szelekció



Kiinduló populáció

Szelekció

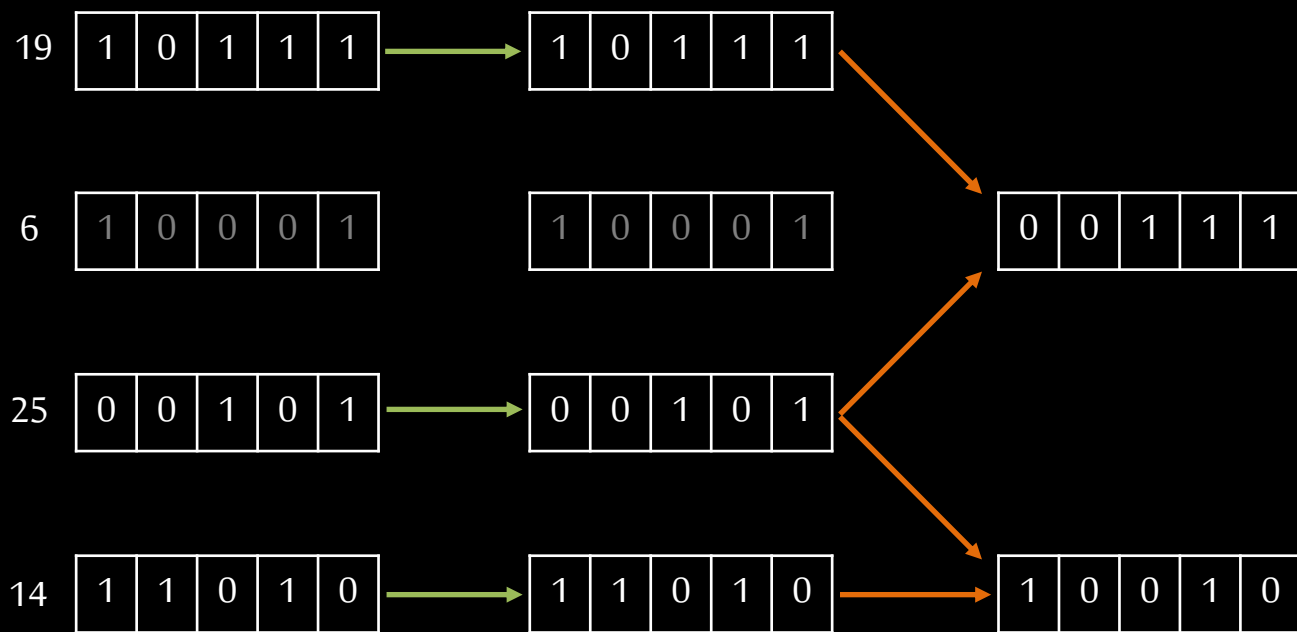
Keresztezés



Kiinduló populáció

Szelekció

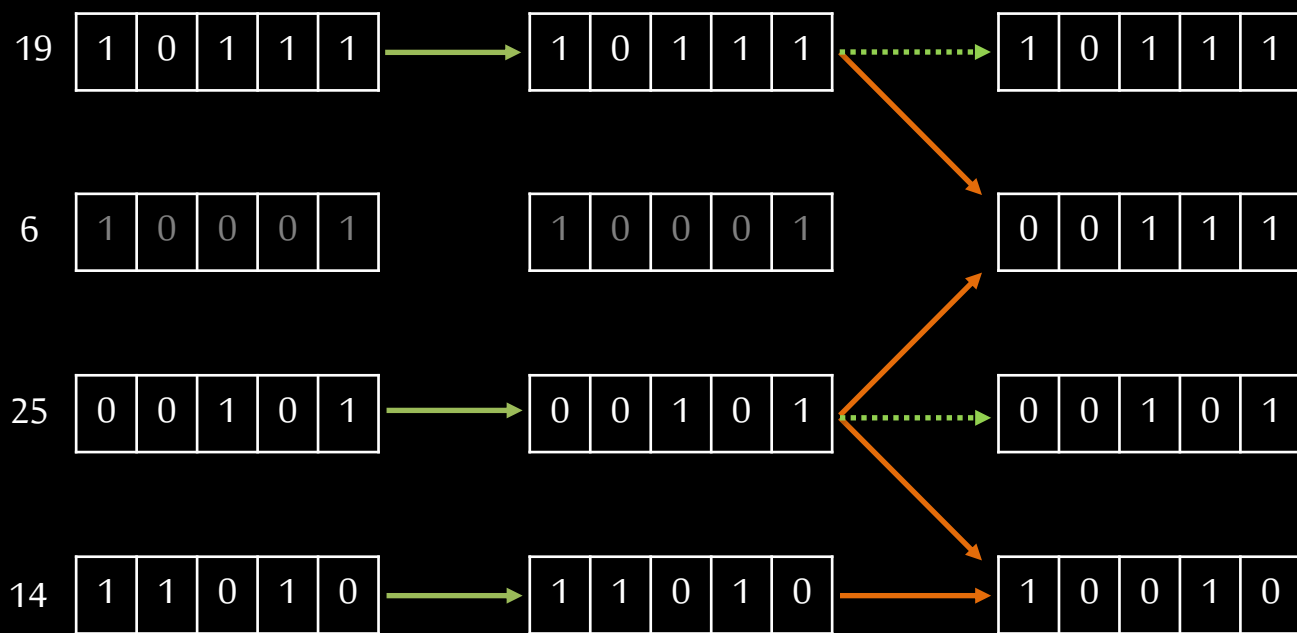
Keresztezés



Kiinduló populáció

Szelekció

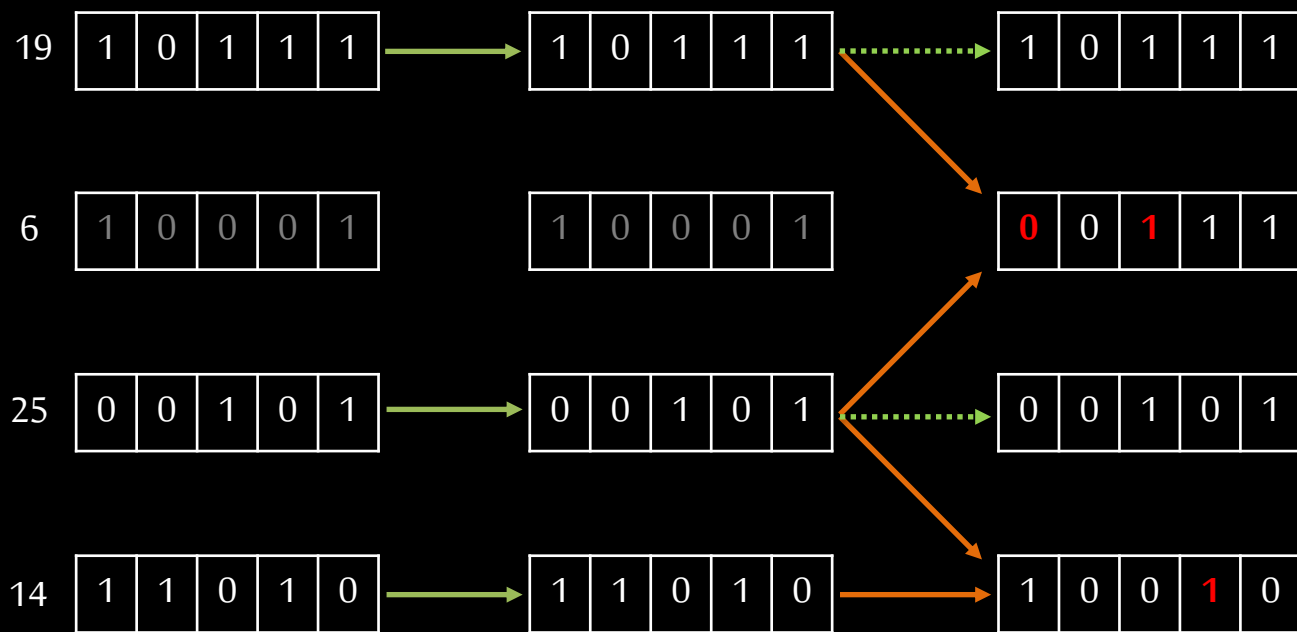
Keresztezés



Kiinduló populáció

Szelekció

Keresztezés

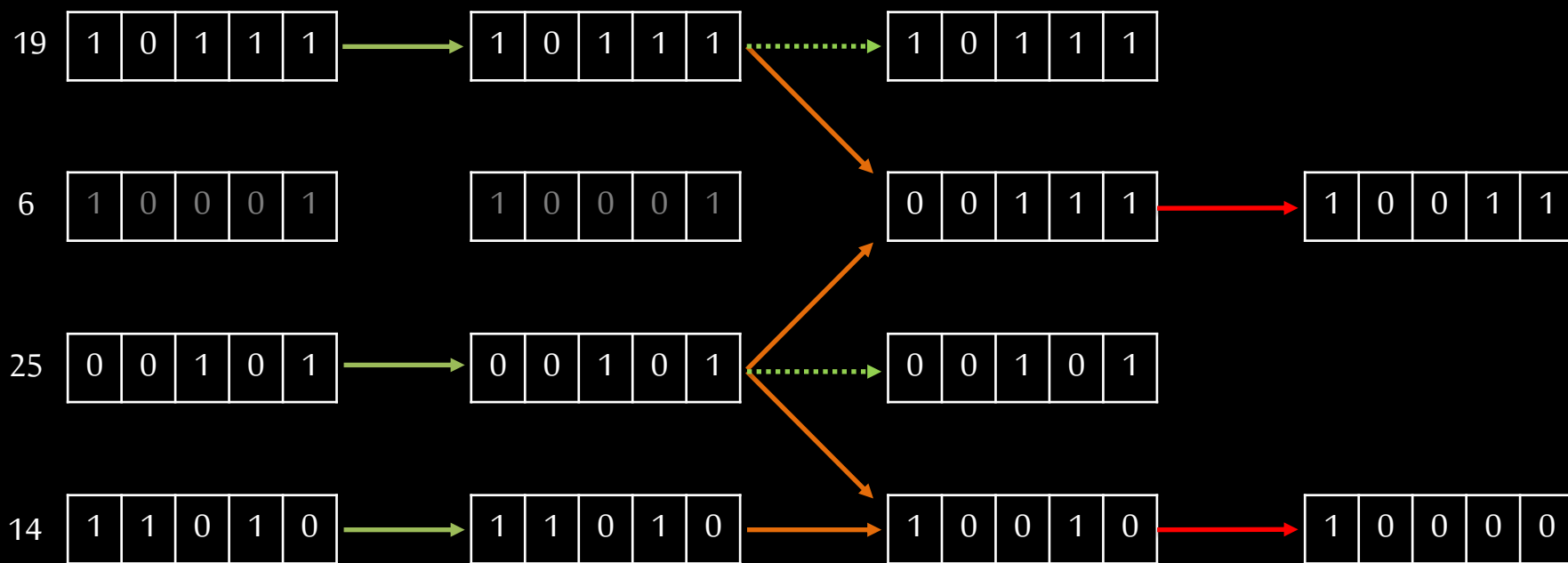


Kiinduló populáció

Szelekció

Keresztezés

Mutáció

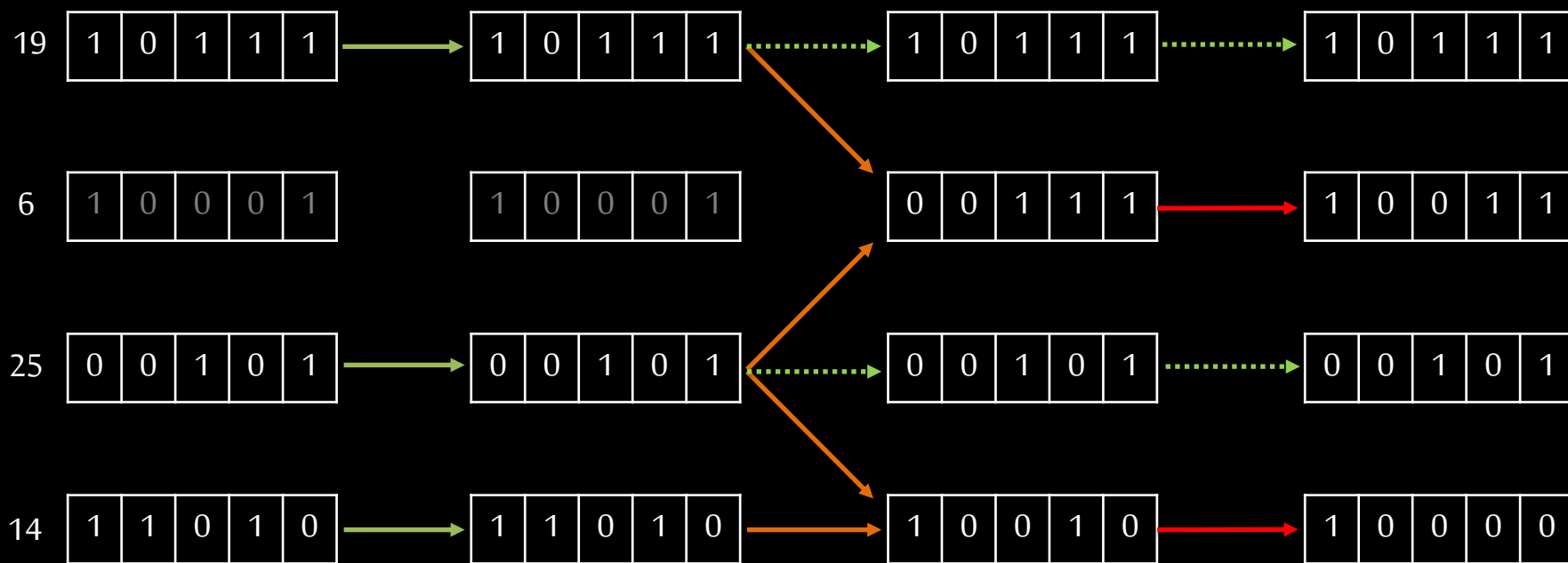


Kiinduló populáció

Szelekció

Keresztezés

Mutáció

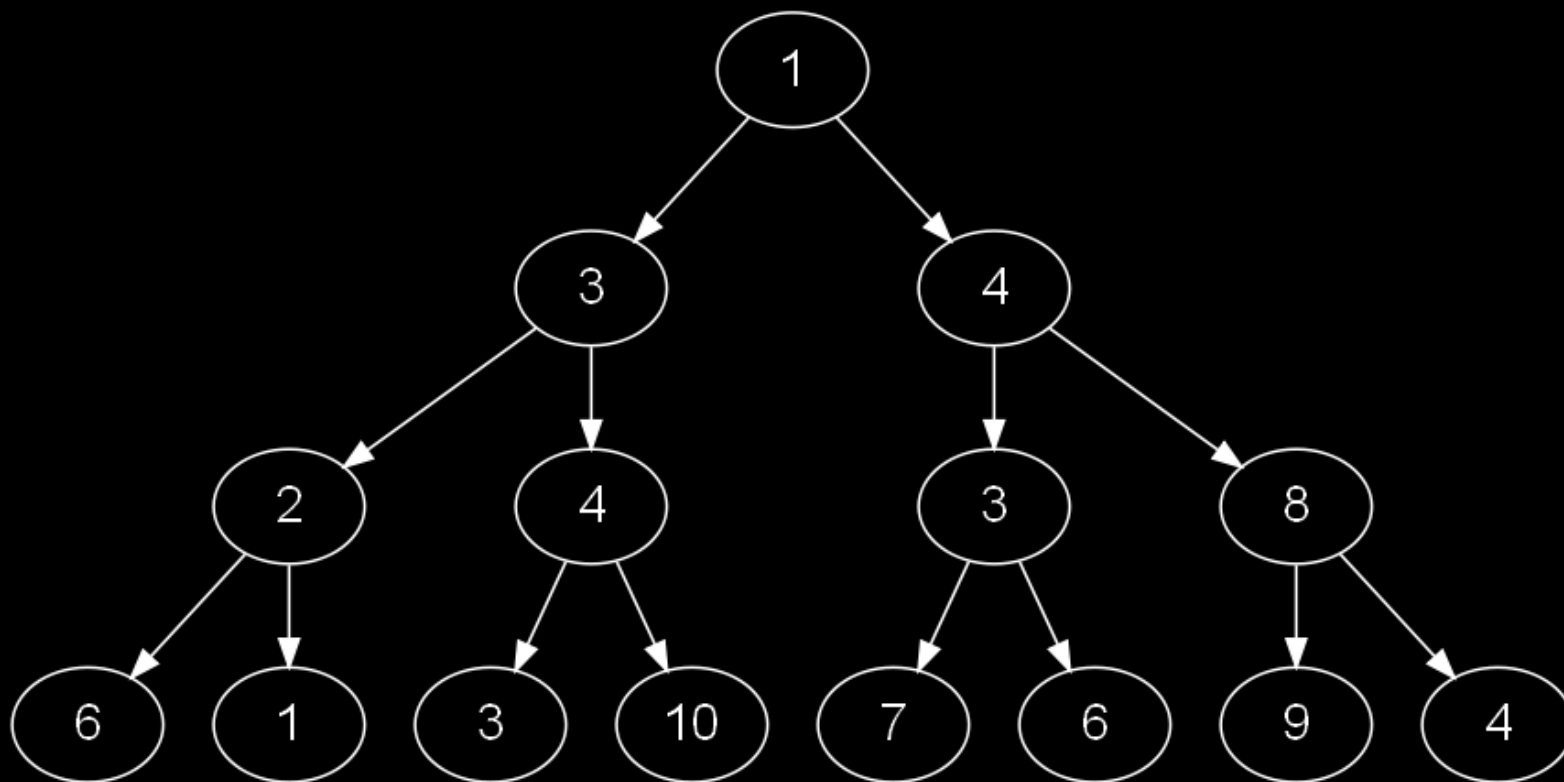


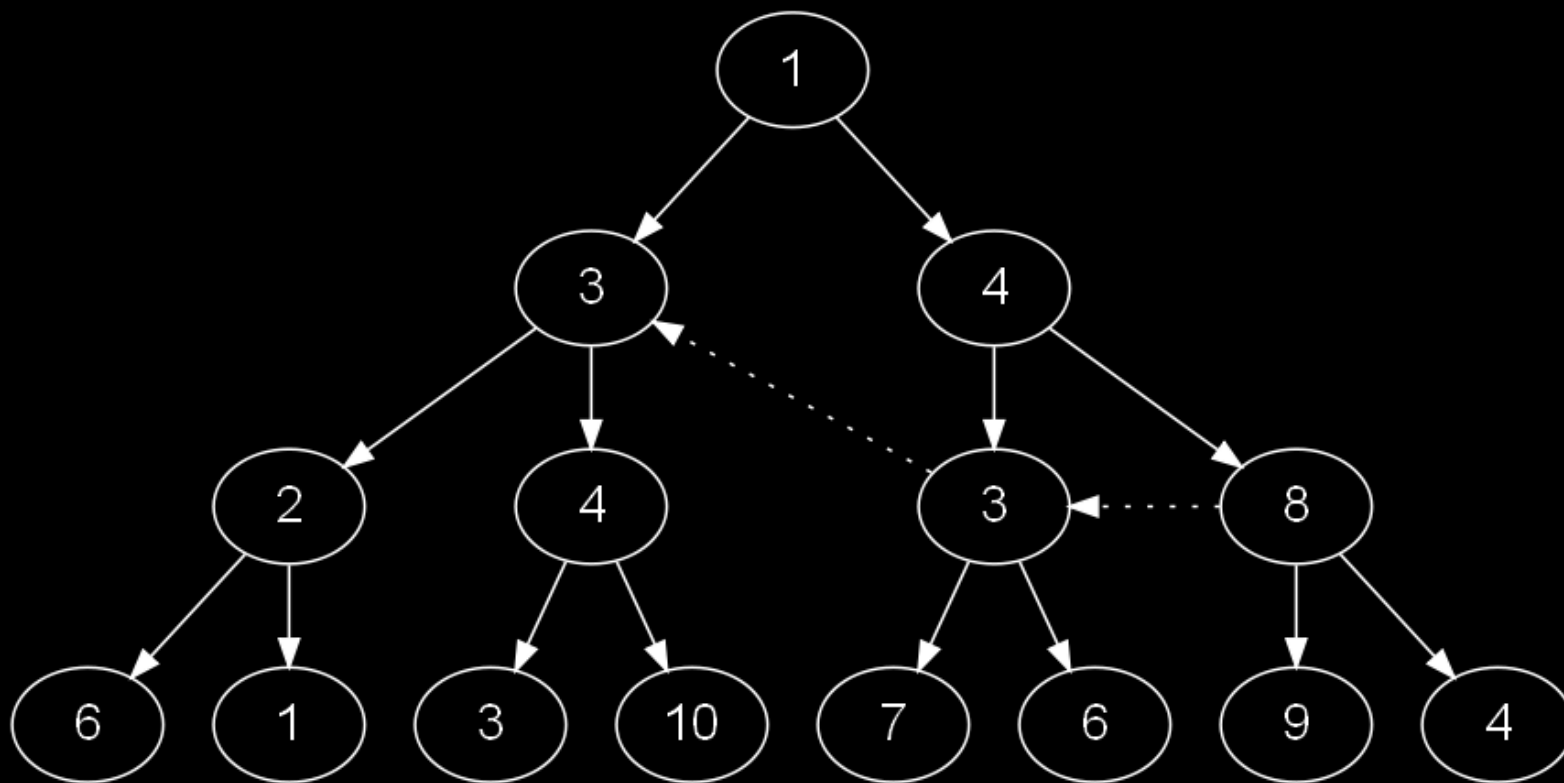
Kiinduló populáció

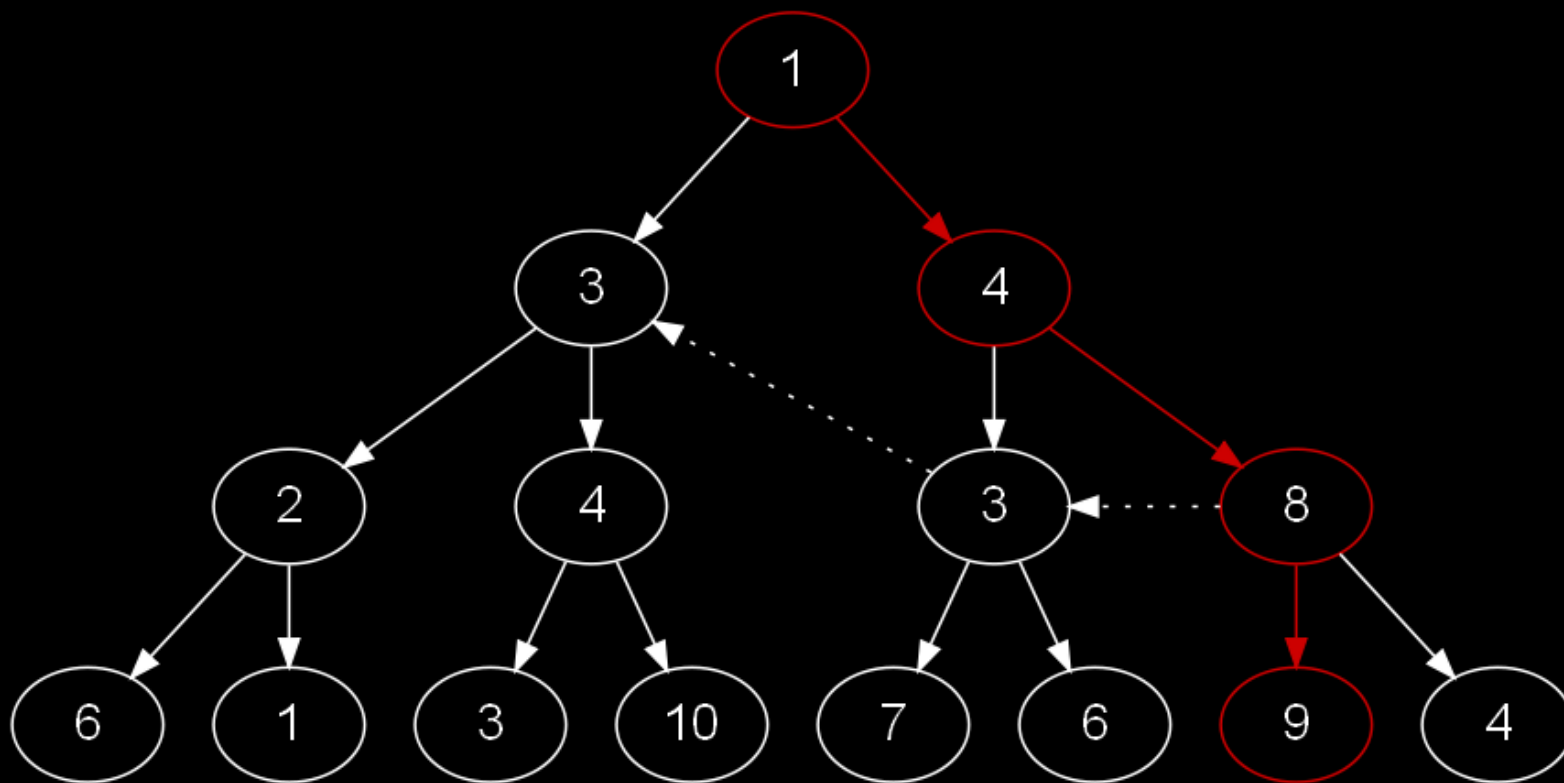
Szelekció

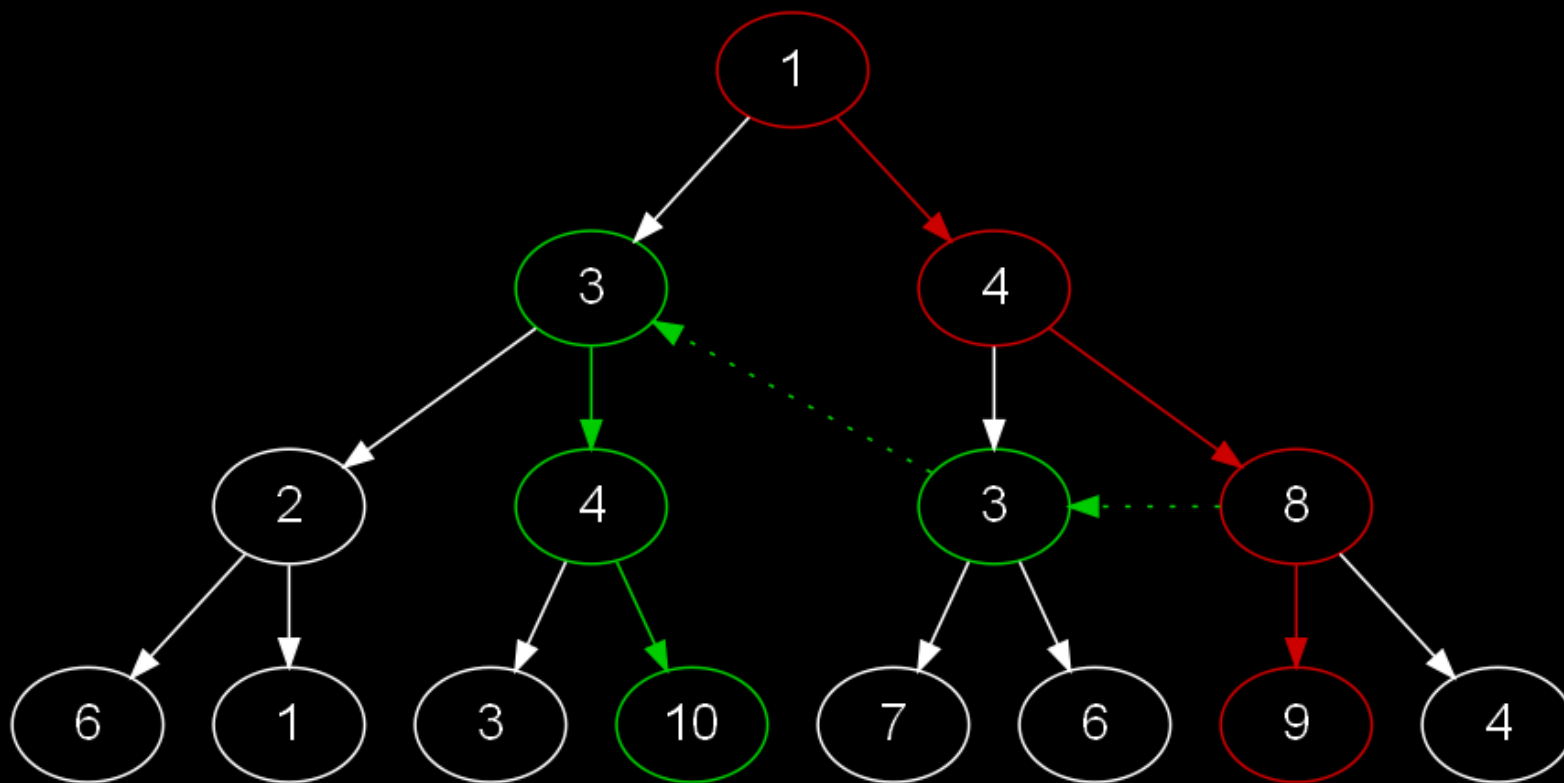
Keresztezés

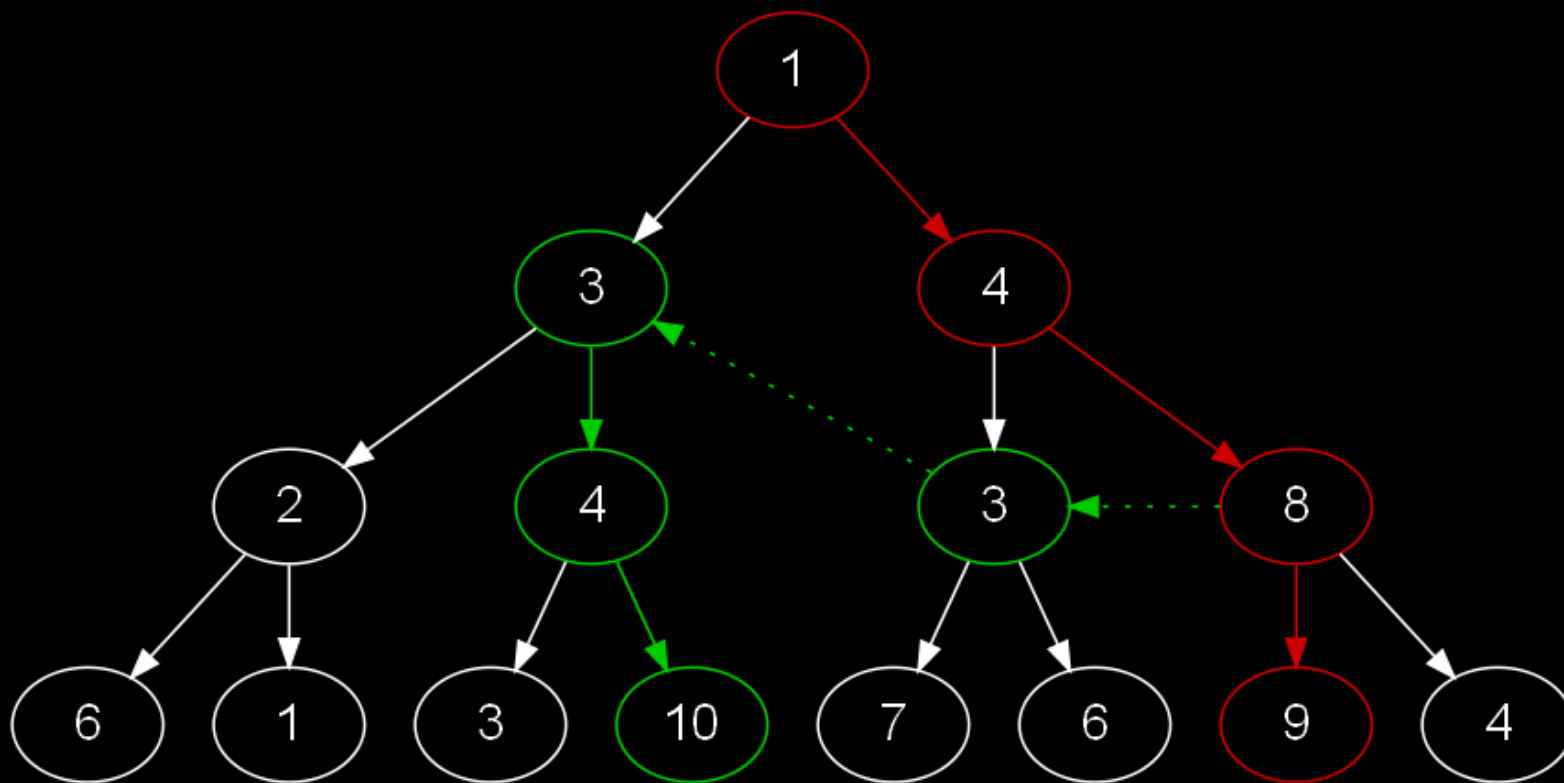
Mutáció











Érdeemes úgy elképzelni, mintha a felrajzoltak helyett egy teljes gráfunk lenne, ahol a nem látszó éleket a mutáció valószínűségének megfelelő eséllyel igénybe vehetjük (szaggatott vonal).



Hátizsák probléma implementáció: <http://cg.iit.bme.hu/~zsolnai/gfx/genetic/>

```
#0          best fitness: 26          avg fitness: 13.250000

fitness: 26      01111111
fitness: 23      11101111
fitness: 18      10101011
fitness: 18      01010111
fitness: 17      10101101
fitness: 16      00010111
fitness: 14      11100101
fitness: 13      10011100
fitness: 13      01100101
fitness: 13      00011010
fitness: 13      10101010
fitness: 13      10101010
fitness: 12      11010001
fitness: 11      11000101
fitness: 14      11101100          [mutation]
fitness: 13      10110001          [mutation]
fitness: 11      00100101          [mutation]
fitness: 13      10111000          [mutation]
fitness: 21      10101111          [crossover]
fitness: 16      00011110          [crossover]
```

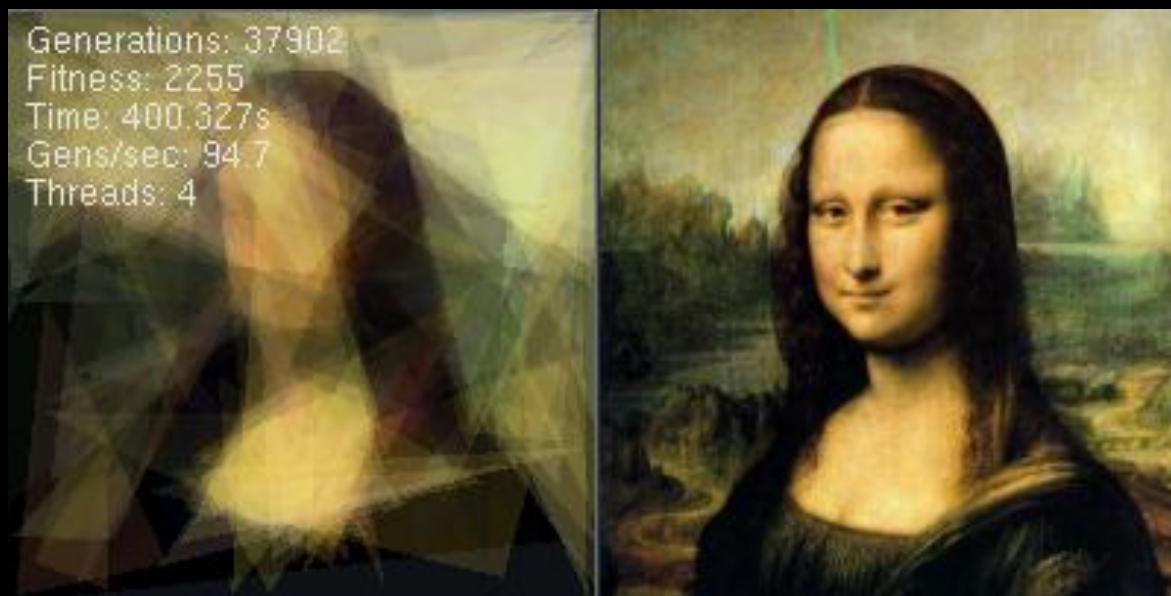


„Mona Lisa” festés poligonokból implementáció: <http://cg.iit.bme.hu/~zsolnai/>



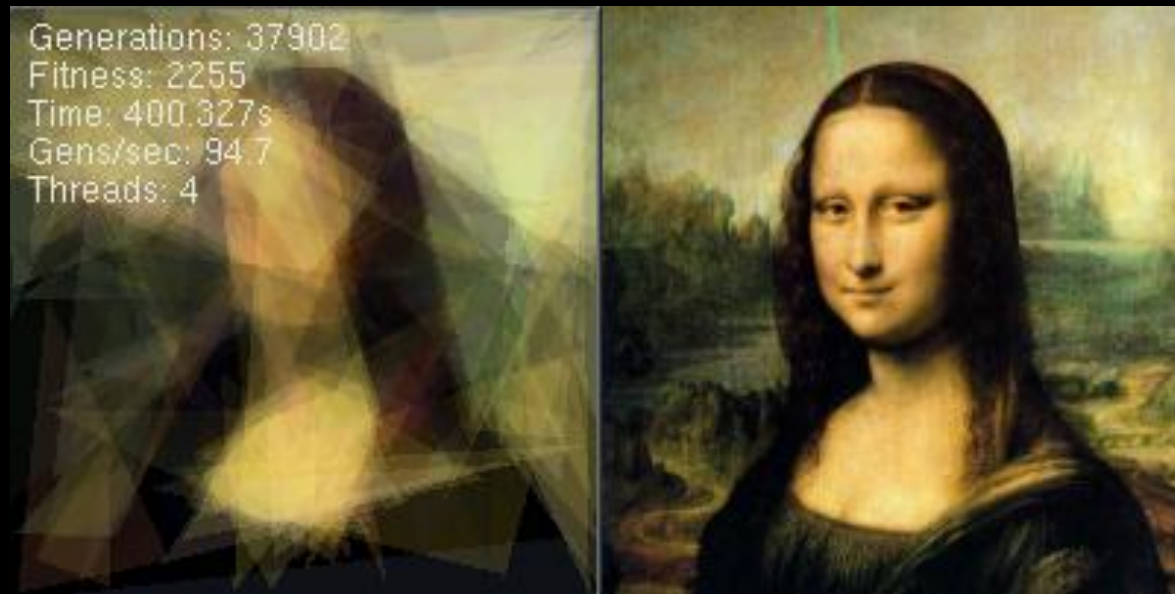


„Mona Lisa” festés poligonokból implementáció: <http://cg.iit.bme.hu/~zsolnai/>





„Mona Lisa” festés poligonokból implementáció: <http://cg.iit.bme.hu/~zsolnai/>



Telepítési, fordítási útmutató a README-ben.



„Mona Lisa” festés poligonokból implementáció: <http://cg.iit.bme.hu/~zsolnai/>



Telepítési, fordítási útmutató a README-ben.



Gabriele Greco SDL implementációja:

Forrás: <http://www.ggsoft.org/archives/genetic.zip>

Bináris: http://www.ggsoft.org/archives/genetic_test.zip (SDL.dll kellhet hozzá)





Heap szervezés

A legegyszerűbb módszer, nem rendel az adatokhoz külön struktúrát, így a keresés lineáris futásidejű, azaz n darab rekord esetén $O(n)$.



Heap szervezés

A legegyszerűbb módszer, nem rendel az adatokhoz külön struktúrát, így a keresés lineáris futásidejű, azaz n darab rekord esetén $O(n)$.

Indexelt szervezés

Sűrű index – minden egyes adatrekordra mutatót állítunk

Ritka index – az adatrekordok egy csoportjára állítunk mutatókat

Ha az indexállomány a kulcs szerint rendezett, lehet bináris keresést használni, n darab rekord esetén $O(\log_2 n)$.



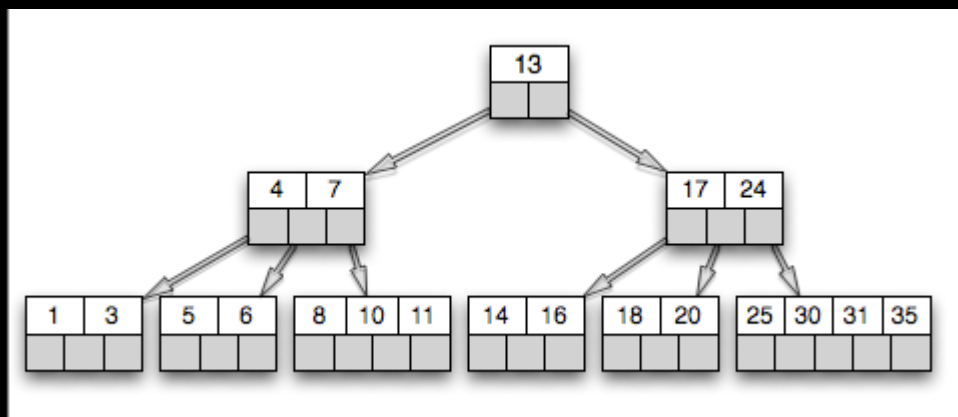
Többszintű ritka indexek, B*-fa

Az indexállományban való keresést tovább gyorsítjuk azzal, hogy az indexhez egy további ritka indexet készítünk. Így egy fát kapunk, amiben a keresés $O(\log_k n)$ nagyságrendű, amennyiben a fa elágazási tényezője k .



Többszintű ritka indexek, B*-fa

Az indexállományban való keresést tovább gyorsítjuk azzal, hogy az indexhez egy további ritka indexet készítünk. Így egy fát kapunk, amiben a keresés $O(\log_k n)$ nagyságrendű, amennyiben a fa elágazási tényezője k .





Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést

N_q - ennyi lekérdezésre teszteltünk



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

$$f(\vec{c}) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_q} \mu_i t_i^{(q)}}$$

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést

N_q - ennyi lekérdezésre teszteltünk



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

$$f(\vec{c}) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_q} \mu_i t_i^{(q)}}$$

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést

N_q - ennyi lekérdezésre teszteltünk

$$f(\vec{c}) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_I} \eta_i t_i^{(I)}}$$

$t_i^{(I)}$ - az i . beszúrás futási ideje

η_i - hányszor kérték az adott beszúrást

N_I - ennyi beszúrásra teszteltünk



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

$$f(\vec{c}) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_q} \mu_i t_i^{(q)}} + \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_I} \eta_i t_i^{(I)}}$$

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést

N_q - ennyi lekérdezésre teszteltünk

$t_i^{(I)}$ - az i . beszúrás futási ideje

η_i - hányszor kérték az adott beszúrást

N_I - ennyi beszúrásra teszteltünk



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

lekérdezés és beszúrás fontosságának súlyozása

$$f(\vec{c}) = \alpha \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_q} \mu_i t_i^{(q)}} + \beta \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_I} \eta_i t_i^{(I)}}$$

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést

N_q - ennyi lekérdezésre teszteltünk

$t_i^{(I)}$ - az i . beszúrás futási ideje

η_i - hányszor kérték az adott beszúrást

N_I - ennyi beszúrásra teszteltünk



Adatbázis indexelési feladat

Feladat

Egy olyan indexre van szükségünk, ami az adatbázisból való olvasás és írás sebességét optimalizálja.

Kódolás

A kromoszóma legyen egy bináris vektor, ahol a vektor elemei a rekordok, az értékek pedig 0/1 az alapján, hogy teszünk-e rá mutatót, vagy sem.

$$\vec{c}_i = [10101101001010011]$$

Fitness függvény

lekérdezés és beszúrás fontosságának súlyozása

$$f(\vec{c}) = \alpha \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_q} \mu_i t_i^{(q)}} + \beta \frac{1}{\sum_{i=1}^{N_I} \eta_i t_i^{(I)}}$$

$t_i^{(q)}$ - az i . select futási ideje

μ_i - hányszor kérték az adott lekérdezést

N_q - ennyi lekérdezésre teszteltünk

$t_i^{(I)}$ - az i . beszúrás futási ideje

η_i - hányszor kérték az adott beszúrást

N_I - ennyi beszúrásra teszteltünk



További alkalmazások az adatbázisokhoz

Fizikai adatszerzés optimalizálása

<http://130.203.133.150/viewdoc/summary;jsessionid=A5CAB6783D8946BEEF75E034FD2CE254?doi=10.1.1.206.1862>

Elosztott adatbázisokra bejövő queryk sorrendezése, szétosztása

http://ieeexplore.ieee.org/xpl/login.jsp?tp=&arnumber=476497&url=http%3A%2F%2Fieeexplore.ieee.org%2Fxppls%2Fabs_all.jsp%3Farnumber%3D476497

Adatbázis kiszolgáló fenntartási költségeinek minimalizálása

<http://smartech.gatech.edu/handle/1853/6618>

Természetes illesztések futásidő-optimalizálása

<http://connection.ebscohost.com/c/articles/4477437/access-path-optimization-relational-joins>

Elosztott adatbázisok vertikális partícionálása ideális módon

<http://ceur-ws.org/Vol-547/91.pdf>



A GENETIKUS ALGORITMUSOKRÓL TEHÁT AZ ALÁBBI AKAT ÁLLÍTHATJUK

- Nagy részük probléma- és reprezentációfüggetlen
- Az átlagos fitness érték az optimumhoz konvergálnak
- A konvergálás kapcsán már útközben látható a pillanatnyi eredmény
- Tetszőlegesen nagy dimenziójú problémákra alkalmazhatók
- Mutációval kiszabadulhatnak a lokális optimumhelyek rabságából
- Más gyors, de nem optimális keresési algoritmusokkal jól keverhetők
- Kiválóan párhuzamosíthatók, alacsony a kommunikációs bonyolultságuk
- Tárigényük $p \cdot O(n)$

Ökölszabály: akkor használandó, ha egy problémát elég egyszer megoldani!



Referenciák

Gajdos Sándor – Adatbázisok

Műegyetemi kiadó, 2001.

Marcin Korytkowski, Marcin Gabryel, Robert Nowicki and Rafal Scherer -

Genetic Algorithm for Database Indexing

http://link.springer.com/chapter/10.1007%2F978-3-540-24844-6_179